

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования

**«УФИМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АВИАЦИОННЫЙ  
ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

Кафедра Высокопроизводительных вычислительных технологий и систем

**АННОТАЦИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ  
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ  
«МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ»**

Уровень подготовки: высшее образование – бакалавриат

Направление подготовки бакалавров  
02.03.01 Математика и компьютерные науки  
(код и наименование направления подготовки)

Направленность подготовки

Математическое и компьютерное моделирование

Квалификация (степень) выпускника  
бакалавр

Форма обучения  
очная

Уфа 2015

Исполнители:

доцент  
должность

подпись

С.Ю. Лукащук  
расшифровка подписи

Заведующий кафедрой  
ВВТиС

подпись

Р.К. Газизов  
расшифровка подписи

## **1. Место дисциплины в структуре образовательной программы**

Дисциплина "Математическое моделирование" является дисциплиной *вариативной* части основной профессиональной образовательной программы по направлению подготовки 02.03.01 "Математика и компьютерные науки", направленность подготовки "Математическое и компьютерное моделирование".

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 02.03.01 "Математика и компьютерные науки", утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от "07" августа 2014 г. № 949. Является неотъемлемой частью основной образовательной профессиональной программы (ОПОП).

Математическое моделирование является в настоящее время областью прикладной математики, включающей в себя как построение и исследование математических моделей, так и создание вычислительных алгоритмов и программ, реализующих эти алгоритмы на вычислительных системах.

**Целью освоения дисциплины** является формирование у студента систематизированных знаний об основных принципах математического моделирования, методов построения и анализа математических моделей, а также планирования и проведения вычислительного эксперимента.

### **Задачи:**

- получение знаний в области методов построения и анализа математических моделей;
- приобретение практических навыков аналитического исследования различных математических моделей;
- формирование умений и навыков планирования и проведения вычислительного эксперимента;
- формирование умений и навыков компьютерного моделирования.

## **2. Перечень результатов обучения**

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование элементов следующих компетенций.

### **Планируемые результаты обучения по дисциплине**

| № | Формируемые компетенции  | Код   | Знать  | Уметь  | Владеть  |
|---|--|-------|--|--|--|
| 1 | способность находить, анализировать, реализовывать программно и использовать на практике математические алгоритмы, в том числе с применением современных вычислительных систем | ОПК-4 | основные принципы компьютерного моделирования и проведения вычислительного эксперимента; виды алгоритмов компьютерного моделирования | использовать программно-вычислительные средства для реализации вычислительных алгоритмов при моделировании процессов различной сложности | навыками выбора и адаптации численных методов, структур данных и алгоритмов их обработки для проведения компьютерного моделирования; навыками компьютерной реализации алгоритмов |
| 2 | способность математически корректно ставить естественнонаучные задачи, знание  | ПК-2  | основополагающие принципы математического моделирования; основные методы   | выявлять естественнонаучную сущность проблем и сопоставлять им соответствующие   | навыками математической формализации прикладных задач; навыками  |

|   |   |      |   |   |   |
|---|---|------|---|---|---|
|   | постановок классических задач математики  |      | математического моделирования и области их приложений; классические математические модели физических, биологических, химических, экономических и социальных явлений; методы проверки адекватности модели; способы анализа результатов моделирования и оценки его корректности   | классы возможных математических моделей; определять совокупность методов построения и исследования математических моделей конкретных классов; проводить анализ корректности результатов моделирования   | различия основных видов классических постановок задач математического моделирования; навыками применения изучаемых средств и методов математического моделирования для построения содержательных моделей исследуемых процессов, явлений и систем; навыками самостоятельной формулировки математически корректной постановки задачи математического моделирования; |
| 3 | способность использовать методы математического и алгоритмического моделирования при решении теоретических и прикладных задач | ПК-5 | различные подходы и методы построения математических моделей; основные положения фундаментальных наук, используемые при построении и исследовании математических моделей различных процессов; основные типы математических моделей, возникающих в различных приложениях; этапы моделирования различных процессов; принципы моделирования и основные математические модели систем и процессов, возникающих в прикладных областях | применять методы изученных ранее фундаментальных дисциплин для решения задач математического моделирования; строить математические модели явлений, процессов и систем на основе фундаментальных законов природы и вариационных принципов; исследовать характеристики модели; использовать методы математического моделирования для решения теоретических и прикладных задач | методами построения математических моделей на основе фундаментальных законов природы и вариационных принципов; навыками исследования математических моделей различными методами   |
| 4 | способность использовать методы математического и алгоритмического  | ПК-7 | методы математического и алгоритмического моделирования,  | использовать методы математического и алгоритмического моделирования для  | навыками выбора конкретных методов анализа и синтеза для  |

|  |  |  |  |   |   |
|--|--|--|--|---|---|
|  | моделирования при анализе управленческих задач в научно-технической сфере, в экономике, бизнесе и гуманитарных областях знаний |  | используемые при анализе управленческих задач в научно-технической сфере, в экономике, бизнесе и гуманитарных областях знаний; | анализа управленческих задач в научно-технической сфере, в экономике, бизнесе и гуманитарных областях знаний; | решения задач моделирования при анализе управленческих задач в научно-технической сфере, в экономике, бизнесе и гуманитарных областях знаний; |
|--|--|--|--|---|---|

### 3. Содержание разделов дисциплины

| № | Наименование и содержание раздела  |
|---|--|
| 1 | <b>Основополагающие принципы математического моделирования</b><br>Математическое моделирование как методология научного познания. Понятие объекта исследования и математической модели. Основные этапы моделирования, триада модель-алгоритм-программа. Содержательная модель. Понятие верификации, идентификации и интерпретации модели. Принцип единства и множественности моделей. Основные требования к математическим моделям: адекватность, правдоподобность, простота и полнота, продуктивность, робастность, наглядность. Понятие корректности постановки математической задачи. Основные методы моделирования. Примеры.   |
| 2 | <b>Классификация математических моделей</b><br>Основные виды математических моделей: структурные и функциональные, дискретные и непрерывные, микро- и макроуровня, статические и динамические, детерминированные и вероятностные, линейные и нелинейные, одномерные и многомерные. Примеры каждого типа моделей.   |
| 3 | <b>Построение и анализ математических моделей</b><br>Иерархия и универсальность математических моделей. Задачи анализа и синтеза. Основные подходы к построению математических моделей: использование фундаментальных физических законов, вариационных принципов, феноменологических гипотез, полуэмпирических и эмпирических соотношений, осреднения, методов теории подобия. Примеры. Основные методы исследования математических моделей и построения их решений. Асимптотические разложения, интегральные представления решений, автомодельные решения, решения типа бегущих и стоячих волн. Оценка результатов математического моделирования, методы самоконтроля. Распространенные ошибки моделирования: ошибки в выборе модели, влияние аппроксимации и осреднения, ошибки выбора метода исследований. Процедуры принятия решений по результатам моделирования. |
| 4 | <b>Классические математические модели современного естествознания</b><br>Гармонический осциллятор, линейные модели механики сплошных сред, модели динамики популяций, модель Лотки-Вольтерра, модели эпидемий, уравнения Максвелла и модели электродинамики сплошных сред.   |
| 5 | <b>Моделирование процессов самоорганизации и образования структур в нелинейных средах</b><br>Построение и анализ нелинейных математических моделей методами теории возмущений. Модель волн на воде - уравнение Кортевега-де-Фриза, модель возмущений в одномерной цепочке одинаковых масс с потенциалом Ферми-Паста-Улама, понятие солитона. Нелинейное уравнение Шредингера. Уравнение фильтрации газа в пористой среде. Система Лоренца и странный аттрактор. Самоподобные структуры, диссипативные структуры, режимы с обострением.   |
| 6 | <b>Вычислительный эксперимент как метод математического моделирования</b><br>Понятие вычислительного эксперимента, его основные этапы, преимущества и  |

|   |  |
|---|--|
|   | недостатки. Оценка погрешности результата вычислительного эксперимента. Планирование вычислительного эксперимента: построение регрессионной модели, полный и дробный факторные эксперименты, композиционные планы.   |
| 7 | <b>Основы моделирования случайных процессов</b><br>Основные виды моделей случайных процессов и их характеристики. Уравнения Колмогорова. Моделирования систем массового обслуживания. Модели некоррелированных и коррелированных временных рядов. Моделирование диффузионных процессов методами случайных блужданий. Перколяция. |
| 8 | <b>Имитационное моделирование</b><br>Понятие имитационного моделирования, его основные особенности и области применения. Этапы построения имитатора. Клеточные автоматы как инструмент имитационного моделирования. Имитатор системы массового обслуживания. Генетические алгоритмы. Нейронные сети. Нечеткие модели.            |

Подробное содержание дисциплины, структура учебных занятий, трудоемкость изучения дисциплины, входные и исходящие компетенции, уровень освоения, определяемый этапом формирования компетенций, учебно-методическое, информационное, материально-техническое обеспечение учебного процесса изложены в рабочей программе дисциплины.

**ЗАКЛЮЧЕНИЕ**  
**Научно-методического совета по УГСН**  
**02.00.00 «Компьютерные и информационные науки»**

Настоящим подтверждаю, что представленный комплект аннотаций рабочих программ учебных дисциплин по направлению подготовки бакалавров 02.03.01 «Математика и компьютерные науки» по профилю «Математическое и компьютерное моделирование», реализуемой по очной форме обучения соответствует рабочим программам учебных дисциплин указанной выше образовательной программы.

Председатель НМС



Н.И. Юсупова  
«27» 05 2015 г.